Зачет по геометрии в 8 классе

Билет № 1

- 1. Признаки равенства треугольников. Признаки равенства прямоугольных треугольников.
- 2. Основания BC и AD трапеции ABCD равны соответственно 5 и 20, BD = 10. Доказать, что треугольники CBD и ABD подобны.
- 3. Задача по теме "Вписанная и описанная окружности".

Билет № 2

- 1. Свойства и признаки равнобедренного треугольника.
- 2. В выпуклом четырехугольнике ABCD углы BCA и BDA равны. Доказать, что углы ABD и ACD тоже равны.
- 3. Задача по теме "Вписанная и описанная окружности".

Билет № 3

- 1. Признаки параллельных прямых.
- 2. Известно, что около четырехугольника ABCD можно описать окружность и что продолжения сторон AB и CD четырехугольника пересекаются в точке М. Доказать, что треугольники MBC и MDA подобны.
- 3. Задача по теме "Теорема Пифагора".

Билет № 4

- 1. Свойства параллельных прямых.
- 2. Доказать, что отрезок, соединяющий середины оснований трапеции, делит ее на две равновеликие части.
- 3. Задача по теме "Площадь".

Билет № 5

- 1. Теорема о сумме внутренних углов треугольника. Следствие для углов прямоугольного треугольника. Свойство внешнего угла треугольника. Сумма внутренних углов выпуклого n-угольника. Сумма внешних углов n- угольника.
- 2. Окружности с центрами в точках M и N пересекаются в точках A и B, причем M и N лежат по одну сторону от прямой AB. Доказать, что AB перпендикулярна MN.
- 3. Задача по теме "Площадь".

Билет № 6

- 1. Теорема о катете, лежащем против угла в 30^{0} (прямая и обратная).
- 2. В треугольнике ABC с тупым углом ACB проведены высоты AA_1 и BB_1 . Доказать, что треугольники A_1CB_1 и ACB подобны.
- 3. Задача по теме "Четырехугольники".

Билет № 7

- 1. Геометрические места точек (окружность, круг, серединный перпендикуляр к отрезку, биссектриса угла).
- 2. Через точку О пересечения диагоналей параллелограмма ABCD проведена прямая, пересекающая стороны AB и CD в точках P и T соответственно. Доказать, что BP = DT.
- 3. Задача по теме "Окружность".

- 1. Формулы площади треугольника (в том числе прямоугольного и равностороннего). Вывод формул S = pr, $S = \frac{1}{2} absin \angle C$.
- 2. Биссектрисы углов В и С трапеции ABCD пересекаются в точке О, лежащей на стороне AD. Доказать, что точка О равноудалена от прямых AB, BC, CD.
- 3. Задача по теме "Вписанная и описанная окружности".

Билет № 9

- 1. Вывод формул площади параллелограмма (3), ромба (4), трапеции (1).
- 2. Окружности с центрами в точках М и N не имеют общих точек. Внутренняя общая касательная к этим окружностям делит отрезок, соединяющий их центры, в отношении m:n. Доказать, что диаметры этих окружностей также относятся как m:n.
- 3. Задача по теме "Площадь".

Билет № 10

- 1. Свойства параллелограмма (3).
- 2. Пусть O точка пересечения биссектрис треугольника ABC. Доказать, что $\frac{AO}{AA_1} + \frac{BO}{BB_1} + \frac{CO}{CO_1} = 2 \; .$
- 3. Задача по теме "Площадь".

Билет № 11

- 1. Признаки параллелограмма (3).
- 2. Доказать, что три медианы делят треугольник на 6 равновеликих треугольников.
- 3. Задача по теме "Соотношения между сторонами и углами треугольника".

Билет № 12

- 1. Свойства и признаки ромба.
- 2. Доказать, что в правильном пятиугольнике ABCDE треугольник AED подобен треугольнику AFE, где F точка пересечения диагоналей AD и BE и $\frac{DA}{DF} = \frac{DF}{AF}.$
- 3. Задача по теме "Окружность".

Билет № 13

- 1. Обобщенная теорема Фалеса.
- 2. Высоты AA_1 и BB_1 остроугольного треугольника ABC пересекаются в точке E. Доказать, что углы AA_1B_1 и ABB_1 равны.
- 3. Задача по теме "Площадь".

Билет № 14

- 1. Теоремы о средней линии треугольника и трапеции.
- 2. В четырехугольнике ABCD \angle A + \angle B = \angle B + \angle C = 180° . Определите тип четырехугольника.
- 3. Задача по теме "Четырехугольники".

Билет № 15

- 1. Теорема Пифагора (прямая и обратная).
- 2. Диагонали параллелограмма образуют равные углы с одной из его сторон. Доказать, что этот параллелограмм прямоугольник.
- 3. Задача по теме "Четырехугольники".

- 1. Вывод формулы Герона.
- 2. В параллелограмме ABCD проведены высоты BE и BF. Доказать подобие треугольников ABE и CBF.
- 3. Задача по теме "Четырехугольники".

Билет № 17

- 1. Признаки подобия треугольников.
- 2. Доказать, что точки пересечения биссектрис углов прямоугольника являются вершинами квадрата.
- 3. Задача по теме "Окружность".

Билет № 18

- 1. Пропорциональные отрезки в прямоугольном треугольнике.
- 2. Доказать, что прямая, проходящая через точку пересечения диагоналей параллелограмма, делит его на две равновеликие фигуры.
- 3. Задача по теме "Четырехугольники".

Билет № 19

- 1. Средние величины в трапеции (гармоническое, геометрическое)
- 2. Доказать утверждение: если две стороны и медиана, проведенная к третьей стороне, одного треугольника соответственно равны двум сторонам и медиане, проведенной к третьей стороне другого треугольника, то такие треугольники равны.
- 3. Задача по теме "Соотношения между сторонами и углами треугольника".

Билет № 20

- 1. Свойство и признак четырехугольника, описанного около окружности.
- 2. Доказать, что биссектрисы противоположных углов параллелограмма параллельны или лежат на одной прямой.
- 3. Задача по теме "Многоугольники".

Билет № 21

- 1. Свойство и признак четырехугольника, вписанного в окружность.
- 2. Доказать, что медиана, проведенная к гипотенузе прямоугольного треугольника, равна ее половине.
- 3. Задача по теме "Окружность".

Билет № 22

- 1. Теорема Штейнера.
- 2. Сторона ромба равна **a**, а одни из углов равен **β**. Найти диагонали ромба.
- 3. Задача по теме "Окружность".

Билет № 23

- 1. Нестандартные формулы площади трапеции.
- 2. Доказать, что если около параллелограмма можно описать окружность, то этот параллелограмм прямоугольник.
- 3. Задача по теме "Вписанная и описанная окружности".

- 1. Вневписанная окружность (определение, вывод двух
- формул площади треугольника через радиусы вневписаннной окружности и формулы $\frac{1}{r} = \frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c}$. 2. Доказать, что радиус окружности, вписанной в прямоугольную трапецию с ос-
- 2. Доказать, что радиус окружности, вписанной в прямоугольную трапецию с основаниями а и b, равен $\frac{ab}{a+b}$.
- 3. Задача по теме "Площадь".

Билет № 25

- 1. Теорема Чевы (прямая и обратная).
- 2. Доказать, что если сумма углов при основании трапеции равна 90^{0} , то длина отрезка, соединяющего середины ее оснований равна их полуразности.
- 3. Задача по теме "Вписанная и описанная окружности".

Билет № 26.

- 1. Теорема Вариньона.
- 2. Внутри прямоугольного треугольника ABC с прямым углом C взята точка O так, что справедливо равенство $S_{OAB} = S_{OAC} = S_{OBC}$. Доказать, что справедливо равенство $OA^2 + OB^2 = 5OC^2$.
- 3. Задача по теме "Соотношения углов и сторон треугольника".

Билет № 27.

- 1. Теорема Птолемея.
- 2. Доказать, что центр описанной около прямоугольника окружности совпадает с серединой гипотенузы.
- 3. Задача по теме "Площадь".

Билет № 28

- 1. Углы, связанные с окружностью (центральные, вписанные, с вершиной вне круга, с вершиной внутри круга, угол между касательной и хордой)
- 2. В остроугольном треугольнике ABC BD⊥ AC, DE⊥AB, DF⊥BC. Доказать, что треугольник EBF подобен треугольнику ABC.
- 3. Задача по теме "Вписанная и описанная окружности".

Билет № 29

- 1. Пропорциональные отрезки в круге (2).
- 2. Доказать, что отрезок, параллельный основаниям трапеции и делящий ее на 2 равновеликих, равен среднему квадратичному ее оснований.
- 3. Задача по теме "Многоугольники".

Билет № 30

- 1. Теорема о радиусе, проведенном в точку касания (прямая и обратная).
- 2. Доказать, что диагонали параллелограмма делят его на четыре равновеликих треугольника.
- 3. Задача по теме "Многоугольники".

Билет № 31

- 1. Теорема об отрезках касательных.
- 2. В треугольнике ABC AA_1 биссектриса угла A, а точка O точка пересечения биссектрис этого треугольника. Доказать, что $AO:OA_1 = \frac{AB + AC}{BC}$.
- 3. Задача по теме "Четырехугольники".

- 1. Определение тригонометрических функций острого угла прямоугольного треугольника. Нахождение значений тригонометрических функций углов в 30° , 45° , 60°
- 2. Доказать, что если в параллелограмм можно вписать окружность, то этот параллелограмм ромб.
- 3. Задача по теме "Соотношения углов и сторон треугольника".